Dérivées usuelles et formules

fonction	fonction dérivée	commentaire	
$x \mapsto k$	$x \mapsto 0$	k constante	sur $\mathbb R$
$x \mapsto ax + b$	$x \mapsto a$	a et b sont des réels	sur $\mathbb R$
$x \mapsto x^n$	$x \mapsto nx^{n-1}$	$n \in \mathbb{N}^*$	sur $\mathbb R$
$x \mapsto \frac{1}{x^n}$	$x \mapsto -\frac{n}{x^{n+1}}$	$n \in \mathbb{N}^*$	sur \mathbb{R}^*
$x \mapsto \sqrt{x}$	$x \mapsto \frac{1}{2\sqrt{x}}$	définie sur \mathbb{R}^+	dérivable sur \mathbb{R}_+^*
$x \mapsto \sin x$	$x \mapsto \cos x$		sur $\mathbb R$
$x \mapsto \cos x$	$x \mapsto -\sin x$		sur $\mathbb R$
$x \mapsto e^x$	$x \mapsto e^x$		\mathbb{R}
$x\mapsto \ln\!x$	$x \mapsto \frac{1}{x}$		\mathbb{R}_+^*

fonction	fonction dérivée	commentaire	
u+v	u' + v'		
k.u	ku'	k constante	
u.v	u'v + uv'		
$\frac{1}{v}$	$-\frac{v'}{v^2}$		$v(x) \neq 0$
$\frac{u}{v}$	$\frac{u'v - uv'}{v^2}$		$v(x) \neq 0$
$x \longmapsto u(ax+b)$	$x \longmapsto a \times u'(ax + b)$	$a \ {\rm et} \ b \ {\rm r\'eels}$	
u^n	$nu'u^{n-1}$	$n\in\mathbb{N}^*$	
$\frac{1}{u^n}$	$-\frac{nu'}{u^{n+1}}$	$n \in \mathbb{N}^*$	avec $u(x) \neq 0$
\sqrt{u}	$\frac{u'}{2\sqrt{u}}$		u(x) > 0
$\sin u$	$u'\cos u$		
$\cos u$	$-u'\sin u$		
e^u	$u'e^u$		
In u	$\frac{u'}{u}$		u(x) > 0